**BC/NW 2015 № 2 (27):12.3**

**ОПРЕДЕЛЕНИЕ СООБЩЕСТВ В СОЦИАЛЬНОМ ГРАФЕ**

Мизинов С.В., Русинов С.Г., Добряков П.С., Нефедов Е.Ю.

Сообщества - это локальные плотно соединенные подграфы в социальной сети (соц. графе). Это утверждение основывается на двух гипотезах: связности и плотности [1].

1) Каждое сообщество представляет связный подграф, на рисунке 1 они сформированы красными и синими вершинами. Если сеть состоит из нескольких компонентов связности, каждое сообщество находится только в одном из них. На рисунках компонент связности концептуально изображен пунктирным контуром. Гипотеза также предполагает, что в одной компоненте связности сообщество не может состоять из двух подграфов, которые не имеют связи друг с другом. Следовательно, красные и синие вершины образуют отдельные сообщества.

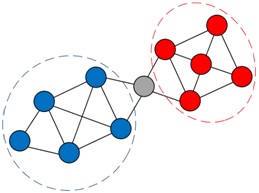


Рис. 1. Выделение сообществ на основе связности

2) Вершины в сообществе соединены бо́льшим количеством связей друг с другом, чем с вершинами других сообществ и с остальными вершинами сети. Выделенные зеленым вершины удовлетворяют этому ожиданию.

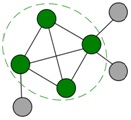


Рис. 2. Выделение сообщества на основе плотности

Хотя этих двух гипотез недостаточно для строгого определения понятия “сообщество”, с учетом неких допущений большинство сообществ будет им удовлетворять.

Например, такое предположение о структуре сообществ в графе, согласно которому каждая вершина графа входит только в одно сообщество. Это предположение упрощает обработку данных, но не всегда может быть использовано в случае перекрывающихся сообществ, что часто встречается в реальных данных. Из этого предположения сразу следует, что сообщества полностью покрывают граф. Тогда можно говорить о поиске сообществ в графе как о задаче поиска разбиения множества вершин на подмножества.

Есть другой взгляд на исходную проблему как на задачу кластеризации. Если добавить такую меру как расстояние между вершинами графа, с учетом структурной информации можно решать задачу кластеризации. Далее задачу кластеризации или поиска разбиения можно рассматривать в рамках выделения сообществ в графе.

Один из первых документов о структуре сообществ, опубликованный в 1949 году, определял сообщество как группу лиц, в которой все знают друг друга. В терминах теории графов это означает, что сообщество является полным графом, или кликой.

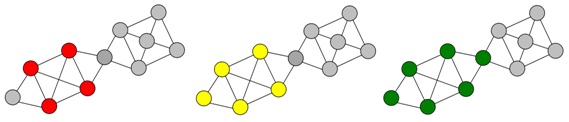
Клика автоматически удовлетворяет ранее описанным гипотезам связности и плотности: это связный подграф с максимальной плотностью компоновки. Тем не менее, определение сообществ как клик имеет существенный недостаток. В то время как триплеты (клика, состоящая из 3 вершин) часто встречаются в сети, клики с большим числом вершин редки. Следовательно, определение сообщества как полного подграфа сильно ограничивает анализ социальных сетей. Чтобы ослабить ограничение перейдем от полного графа к связному. Связный граф — граф, содержащий ровно одну компоненту связности, между любой парой вершин этого графа существует как минимум один путь.

Рассмотрим сообщество как связный подграф *C* состоящий из Nc вершин сети *G*. Внутренней степенью diint вершины *i* является количество инцидентных ребер, соединяющих ее с вершинами *C*. Внешней степенью diext вершины *i* является количество инцидентных ребер, соединяющих ее с остальными вершинами сети, т.е. вершинами *G.* В случае diext*=0* все смежные *i* вершины принадлежат *C*, это идеальный случай, чтобы вершину *i* включить в сообщество *C*. И наоборот, если diint =0 вершину *i* следует включить в другой связный подграф сети *G*, т.е. в другое сообщество. Эти определения позволяют выделить два вида сообществ:

1) Сильно связное сообщество. Каждая вершина, входящая в сообщество, имеет больше связей внутри сообщества, чем с остальными вершинами сети. В частности, подграф *C* является сильно связанным сообществом, если для каждой вершины *i ∈ C*, (1).

2) Слабо связное сообщество. Суммарная внутренняя степень вершин подграфа больше чем суммарная внешняя. В частности, подграф *C* является слабо связанным сообществом, если (2).

Фактически, слабо связное сообщество расширяет сильно связное за счет включения вершин, нарушающих строгое неравенство 1. Каждая клика (полный граф) является сильно связным сообществом, а каждое сильно связанное сообщество является слабо связным. Но не в обратном порядке. Почему этот так, проиллюстрировано на рисунке 3.

  
Рис. 3. Виды сообществ. Слева направо: клика, сильно связное сообщество, слабо связное сообщество.

**Литература**

1. Barabasi Albert-Laszlo. Network science communities – Cambridge University Press, 2015. – 498 с.

2 Aaron Clauset, M. E. J. Newman, and Cristopher Moore Finding community structure in very large networks Журнал Phys. Rev. E 70, 066111 – 2004.